

УДК 511.1:004.056

UDC 511.1:004.056

01.00.00 Физико-математические науки

Physics and Mathematical sciences

**РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ПРОСТЫХ ЧИСЕЛ.
АЛГОРИТМ ЧИСЕЛ БЛИЗНЕЦОВ И ИХ
БЕСКОНЕЧНОСТЬ****DISTRIBUTION OF PRIME NUMBERS.
ALGORITHM OF TWINS NUMBERS AND
THEIR INFINITE**

Чермидов Сергей Иванович

Chermidov Sergey Ivanovich

Соискатель

Competitor for a scientific degree

РИНЦ SPIN-код автора: 1644-7307

RSCI SPIN-code: 1644-7307

*Кубанский государственный университет,
Краснодар, Россия**Kuban State University, Krasnodar, Russia*

В статье на базе чисел определенного вида, элементы, которых образуют полугруппу относительно операции умножения, приводится метод определения и распределения составных и простых чисел, также точное вычисление значения функции пи в интервале от 1 до N. В статье предлагается новый алгоритм нахождения распределения простых чисел. Автором статьи получен закон распределения параметров составных и простых чисел "Distribution of the parameters Composite and Prime Numbers (DCPN)". Приводится формула нахождения простых чисел по их порядковому номеру в множестве DCPN. В силу закона распределения параметров составных и простых чисел становится очевидным определенный распад множества простых чисел. Вводится предложение, что любое составное число может быть представлено специальным видом произведений. В статье предлагается доказательство данного предложения, которое позволяет получить один из наиболее эффективных алгоритмов распознавания простых чисел. В статье предлагается описание и алгоритм нахождения чисел близнецов, приводится вариант доказательства их бесконечности. На все представленные в статье алгоритмы приведены листинги программ на языке Software Module ACCESS

In the article on the basis of numbers of the specific form, where the parameter elements, which form a semigroup under multiplication we have presented a method for determination and distribution of composite numbers and the prime numbers, and accurate calculation of the values of pi in the interval from 1 to N. We present a new algorithm for the distribution of primes. We have reached the law of distribution parameters of composite numbers and prime numbers (Distribution of the parameters of composite numbers and prime numbers (DCPN)). We have given a formula for of finding prime numbers by serial number in the set DCPN. Due to the law of distribution of parameters of composite numbers and prime numbers it becomes apparent disintegration set of prime numbers. We have also introduced a proposal that each element of the plurality of composite numbers can be represented by one of the specific types of works. The proof of Proposition 2 allows us to give one of the most effective ways of recognizing primes. The description of the algorithm for numbers of twins and proof of their infinity. All algorithms presented in the article is a listing of programs in Software Module ACCESS

Ключевые слова: ЧИСЛА ВИДА $6n \pm 1$, ПРОСТЫЕ ЧИСЛА, АЛГОРИТМ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СОСТАВНЫХ И ПРОСТЫХ ЧИСЕЛ, АЛГОРИТМ И БЕСКОНЕЧНОСТЬ ЧИСЕЛ БЛИЗНЕЦОВ

Keywords: NUMBERS OF THE FORM $6n \pm 1$, PRIME NUMBERS, ALGORITHM AND DISTRIBUTION OF COMPOSITE AND PRIME NUMBERS, ALGORITHM AND INFINITY OF TWINS NUMBERS

Введение

Целью настоящей статьи является описание метода распределения составных (CN), простых чисел (PN) и чисел близнецов (Tw). На основе множества $\theta = \{6k \pm 1, k \in N\}$ найден новый алгоритм распределения простых чисел, отличающийся от существующих на сегодняшний день

алгоритмов. Получен закон распределения параметров составных и простых чисел (Distribution of the parameters Composite and Prime Numbers (DCPN) в множестве θ . Если асимптотическая функция $\psi(x) = x/\ln x$ дает приближенное число простых чисел в заданном интервале, то предлагается точное вычисление значения $\pi(x)$. В множестве DCPN приводится формула нахождения простых чисел $p \geq 5$ по их порядковому номеру. Найден алгоритм распределения чисел близнецов и представляется вариант доказательства их бесконечности. На все перечисленные алгоритмы приведены листинги программ на языке software module ACCESS.

1. Метод выделения простых чисел

Разобьем множество натуральных чисел на два непересекающихся множества A и B , т.е. $N = A \cup B, A \cap B = \emptyset$. Пусть A включает 1 (единицу) и натуральные числа, которые при делении на 6 дают остатки: 0, 2, 3, 4. Множество A включает только два простых числа 2 и 3. Множество B включает натуральные числа, которые при делении на 6 дают остатки 1 и 5, т.е. числа вида $\theta = \{6k \pm 1, k \in N\}$, т.к. $6m + 5 = 6(m + 1) - 1$ то при $k = m + 1$ имеем случай $6k - 1$. Очевидно, простые числа являются подмножеством множества θ т.к. числа $6k, 6k + 2, 6k + 3, 6k + 4$ являются составными. Множество чисел θ являются полугруппой относительно умножения, поскольку множество натуральных чисел N есть полугруппа, то любое его подмножество с замкнутой операцией в нем, будет полугруппой [2]. При умножении элементов в θ возможны следующие четыре комбинации:

$$\begin{aligned}
 1) \quad n &= (6x - 1)(6y - 1) = 6(6xy - x - y) + 1, \\
 2) \quad n &= (6x + 1)(6y + 1) = 6(6xy + x + y) + 1, \\
 3) \quad n &= (6x + 1)(6y - 1) = 6(6xy - x + y) + 1, \\
 4) \quad n &= (6x - 1)(6y + 1) = 6(6xy + x - y) - 1,
 \end{aligned}
 \tag{1}$$

где первое и второе выражения (1) соответствуют составным числам вида $6z+1$, а третье и четвертое (1) – составным числам вида $6z-1$. Замкнутость операций элементов здесь хорошо видна, т.к. при умножение элементов θ , формы сохраняются. Очевидно, что для любого составного числа $n \in \theta$ существует хотя бы одно представление из (1). Заметим также, что форма $6k-1$ при умножении меняет результат из одной формы в другую. Это означает, что структуры составных чисел в θ имеют вид:

$$(6k_1 \pm 1)(6k_2 \pm 1)(6k_3 \pm 1) \dots (6k_n \pm 1), \forall n, k_i \in N \quad (2)$$

Однако, существуют и элементы в множестве θ непредставимые в виде (2), то есть примитивные, которые играют роль простых чисел в натуральном ряду чисел N .

Сделаем подстановки в (1)

$$\lambda = (n \pm 1) / 6, \quad (3)$$

тогда имеем систему Диофантовых уравнений, разделенных на две подкатегории чисел соответственно по формам $6z \pm 1$.

$$\begin{aligned} 1) \lambda &= f_{11}(x, y) = 6xy - x - y = (6x - 1)y - x, \\ 2) \lambda &= f_{12}(x, y) = 6xy + x + y = (6x + 1)y + x, \\ 3) \lambda &= f_{21}(x, y) = 6xy - x + y = (6x + 1)y - x, \\ 4) \lambda &= f_{22}(x, y) = 6xy + x - y = (6x - 1)y + x. \end{aligned} \quad (4)$$

Выражения первое и второе (4) соответствуют составным и простым числам $6z+1$ и выражения третье и четвертое (4) соответствуют составным и простым числам $6z-1$.

2. Распределение составных элементов в θ

Проблема факторизации составного числа $n \in \theta$ [1] сводится к отысканию переменных x и y из соответствующего уравнения (4).

Для составных чисел $CN \in \theta$ вида $6k+1$ (введем обозначение CN^+) с порождающими их функциями $f_{11}(x, y) = (6x - 1)y - x$, $f_{12}(x, y) = (6x + 1)y + x$:

$$\theta_1 = 6f_{11}(x, y) + 1, \theta_2 = 6f_{12}(x, y) + 1, (\theta_1, \theta_2) \in CN^+.$$

Для составных чисел вида $6k - 1$ (обозначим CN^-) с порождающими их функциями $f_{21}(x, y) = (6x + 1)y - x$, $f_{22}(x, y) = (6x - 1)y + x$:

$$\theta_3 = 6f_{21}(x, y) - 1, \theta_4 = 6f_{22}(x, y) - 1, (\theta_3, \theta_4) \in CN^-.$$

Следует, что множество всех составных чисел в множестве θ будет $CN = CN^+ \cup CN^-$.

Предложение 1. Если $(x, y) \in N$ является решением одного из Диофантовых уравнений (4), то $n = (6x \pm 1)(6y \pm 1)$.

Доказательство. Раскроем скобки в правой части выражения $n = (6x \pm 1)(6y \pm 1) = 6 * (6xy \pm x \pm y) \pm 1$ (подставив значение λ из уравнения (4) к соответствующей функции $6xy \pm x \pm 1$, имеем) $6\lambda \pm 1 \rightarrow \lambda = (n \pm 1) / 6$, то есть получим подстановки (3), а значит тогда из (1) будет следовать истинность предложения. Пример, пусть $x = 1, y = 2$ являются решением уравнения $f_{22}(x, y) = 11(6z - 1) \rightarrow n = 6 * 11 - 1 = 65$ и из (1) $\rightarrow 65 = (6 * 1 - 1)(6 * 2 + 1)$, но для формы $6z + 1$ будет простым числом $PN(6 * 11 + 1 = 67)$, т.к. $f_{11}(x, y) = 11$ и $f_{12}(x, y) = 11$ не имеют натуральных корней. ЧТД.

Предложение 2. Для любого простого числа при соответствующем $\lambda \in N$ не существует никакой пары чисел $(x, y) \in N$, чтобы они были решениями хотя бы одного из Диофантовых уравнений (4).

Доказательство. Допустим, что существует такая пара чисел $(x, y) \in N$, которая является решением одного из уравнений (4). Поскольку, любое простое число представимо единственным образом: $n = 1 * n$, то тогда следует, что $n = (6 * 0 + 1)(6 * y \pm 1)$, где $x = 0 \notin N$ и $y = (n \pm 1) / 6 \in Q$, получаем противоречие к допущению, ибо x и y не являются натуральными числами, следовательно, верно это предложение. ЧТД.

Множество значений функций $f_{11}(x, y), f_{12}(x, y), f_{21}(x, y), f_{22}(x, y)$, $\forall x, y \in N$ являются бесконечными. Докажем к примеру для функции $f_{11}(x, y)$, пусть множество $M_{xy} = \{6xy - x - y\}$, тогда при $y = 1$, имеем $M_{x1} = \{5x - 1\} \rightarrow \infty$, $y = 2$ имеем $M_{x2} = \{11x - 2\} \rightarrow \infty$, $y = 3$ имеем $M_{x3} = \{17x - 3\} \rightarrow \infty$, $y = n$, имеем $M_{xn} = \{(6n - 1)x - n\} \rightarrow \infty$.

Следовательно, $M_{xy} = M_{x1} \cup M_{x2} \cup \dots \cup M_{xn}$ – счетное, как объединение счетных множеств. Аналогично доказываются счетность функций $f_{12}(x, y), f_{21}(x, y)$ и $f_{22}(x, y)$, и, очевидно, для всех параметров составных чисел CN в θ будут объединения всех значений функций (4).

Обозначим это множество через

$$FN = Jm(f_{11}(x, y)) \cup Jm(f_{12}(x, y)) \cup Jm(f_{21}(x, y)) \cup Jm(f_{22}(x, y)).$$

Множество FN является счетным как объединение счетных множеств. Точно также будут счетными и множества разделенные по подкатегориям: по форме: $6k + 1, FN^+ = Jm(f_{11}(x, y)) \cup Jm(f_{12}(x, y))$, по форме: $6k - 1, FN^- = Jm(f_{21}(x, y)) \cup Jm(f_{22}(x, y))$.

Решения Диофантовых уравнений (4) задача сложная и, поэтому для выявления параметров CN или PN , зададим любые всевозможные сочетания значений переменных x и y от 1 до s , где $s \in N$.

Построим таблицу $s \times s$ по следующему принципу, пусть $s = 8$ найдем значения функций $f_{11}(x, y), f_{12}(x, y)$ и $f_{21}(x, y), f_{22}(x, y)$, в которых выражения $6f_{11}(x, y) + 1, 6f_{12}(x, y) + 1, 6f_{21}(x, y) - 1, 6f_{22}(x, y) - 1$ явно будут составными числами, поскольку переменные x и y predetermined решения уравнений (4). Для представления составных чисел, а также чисел близнецов в интервале натуральных чисел от 1 до n понадобится следующая система неравенств:

$$\begin{aligned}
 f_{11}(x, y) &= 6xy - x - y \leq \lambda, \\
 f_{12}(x, y) &= 6xy + x + y \leq \lambda, \\
 f_{21}(x, y) &= 6xy - x + y \leq \lambda, \\
 f_{22}(x, y) &= 6xy + x - y \leq \lambda.
 \end{aligned}
 \tag{5}$$

Определим, например, в интервале натуральных чисел от 1 до 100 все элементы составных чисел. Здесь $n = 100$, имеем $\lambda = [(n + 1) / 6] = 16$, то тогда из таблицы 1 соответствует следующая последовательность параметров $CN : \{ 4, 8, 9, 14, 15, 6, 6, 13, 11, 16 \} \leq \lambda$.

Согласно (5), получим соответствующие числа:
 $CN^+ : 6 * 4 + 1 = 25, 6 * 8 + 1 = 49,$
 $6 * 9 + 1 = 55, 6 * 14 + 1 = 85, 6 * 15 + 1 = 91.$
 $CN^- : 6 * 6 - 1 = 35, 6 * 11 - 1 = 65,$
 $6 * 13 - 1 = 77, 6 * 16 - 1 = 95.$

Очевидно, $CN = CN^+ \cup CN^- = \{25, 35, 49, 55, 65, 77, 85, 91, 95\}$ есть полная последовательность элементов θ_{100} .

Таблица 1. Формирование параметров составных чисел в множестве θ

		$f_{11}(x, y) = 6xy - x - y$	$f_{12}(x, y) = 6xy + x + y$	$f_{21}(x, y) = 6xy - x + y$	$f_{22}(x, y) = 6xy + x - y$		
x	y						
1	1	4	8	6	6		
	2	9	15	13	11		
	3	14	22	20	16		
	4	19	29	27	21		
	5	24	36	34	26		
	6	29	43	41	31		
	7	34	50	48	36		
	8	39	57	55	41		
2	2	20	28	24	24		
	3	31	41	37	35		
	4	42	54	50	46		
	5	53	67	63	57		
	6	64	80	76	68		
	7	75	93	89	79		
	8	86	106	102	90		
	3	3	48	60	54	54	
4		65	79	73	71		
5		82	98	92	88		
6		99	117	111	105		
7		116	136	130	122		
8		133	155	149	139		
4		4	88	104	96	96	
		5	111	129	121	119	
	6	134	154	146	142		
	7	157	179	171	165		
	8	180	204	196	188		
	5	5	140	160	150	150	
		6	169	191	181	179	
		7	198	222	212	208	
8		227	253	243	237		
6		6	204	228	216	216	
		7	239	265	253	251	
		8	274	302	290	286	
		7	7	280	308	294	294
	8		321	351	337	335	
	8		8	368	400	384	384

Т.к. множество θ содержит элементы как простых так и составных чисел, то постараемся определить, как выглядит картина распределения их параметров относительно натурального ряда чисел, т.е. нам понадобится по каждой ветке $6n+1$ и $6n-1$ отдельно определять все простые и составные числа.

3. Алгоритм распределения простых чисел $6k + 1$.

Пусть задан интервал от 1 до n в файле $DCPN(id, F_1, F_2)$ (software module, ACCESS), где id - номер записи, поля F_1 и F_2 принимают значения "+" or "-". Вначале в F_1 заполняется "+" от 1 до $n/6$, затем по значениям функций $f_{11}(x, y) = 6xy - x - y = id$ и $f_{12}(x, y) = 6xy + x + y = id$, вводится знак "-" где $x, y = 1, 2, 3...$ пробегают по принципу табл.1. Тогда числа $6*id + 1$ при $F_1 = "+"$ являются простыми числами типа PN^+ .

Пусть множество $\Xi_1 = N \setminus Jm(f_{11}(x, y))$ и $\Xi_1' = N \setminus Jm(f_{12}(x, y))$ и обозначим $K_{+1} = \Xi_1 \cup \Xi_1' \rightarrow PN^+ = \{6k + 1 / k \in K_{+1}\}$.

Алгоритм распределения простых чисел $6k - 1$.

Вначале в поле F_2 файла $DCPN(id, F_1, F_2)$ заполняется "+" от 1 до $n/6$, затем по значениям функций $f_{21}(x, y) = 6xy - x + y = id$ и $f_{22}(x, y) = 6xy + x - y = id$, вводится знак "-", где переменные $(x, y) = 1, 2, 3, ...$ пробегают по принципу табл.1. Тогда числа $6*id - 1$ при $F_2 = "+"$ являются простыми числами типа PN^- . Пусть множества $\Xi_2 = N \setminus Jm(f_{21}(x, y))$ и $\Xi_2' = N \setminus Jm(f_{22}(x, y))$ обозначим $K_{-1} = \Xi_2 \cup \Xi_2' \rightarrow PN^- = \{6k - 1 / k \in K_{-1}\}$, значит, множество всех простых чисел $P = PN^+ \cup PN^-$.

Итак, имеем таблицу распределения параметров ($id \in N$) простых и составных чисел в θ . Объединяя эти два алгоритма в один, получим распределение параметров CN и PN в множестве θ "Distribution of the parameters of Composite and Prime Numbers" ($DCPN$).

Листинг 1

<ChF> Populates the fields F₁, F₂ symbol “+”

Dim k, m1 As String

wpa1=Time(), wpa2= “”

DoCmd.OpenForm “prmnub1”, acNormal

k=1, m1= И5\6+1

For i=k To m1

DoCmd.GoToRecord.acDataFrom, “PrmNum1”, acGoTo, i

If isNull(Forms![PrmNum1]![id]) Then GoTo LL

Form’s/[PrmNum1]/[F1]=’+’

Form’s// Prmnum1/[F2]=’+’

DoCmd.GoToRecord, “PrmNum1”, acNext

Next i

LL: DoCmd.Close acForm, “prmnub1”, acSaveYes

wpa2=Time(), И4=”TheEnd” End Sub

Distribution of Composite and Prime Numbers (DCPN)

<PrNb> *Dim k, k1, k2, m1, m2, m3, m4 As Double*

DoCmd.OpenForm “PrmNumb1”, acNormal

m4=(0+И5)\6, wpa1= Time(),m3=(0+И5)\3

For k2=1 To m3

For k2=k1 To m3

*m1=6*k1*k2, k=m1+k1+k2*

If k>m4 Then GoTo L0

DoCmd.GoToRecord acDataForm, “PrmNumb1”, acGoTo, k Forms![PrmNub1]![f1]=”-”

L0: k=m1- k1- k2

If k >m4 Then GoTo L1

DoCmd.GoToRecord acDataForm, ”PrmNub1”, acGoTo, k Forms![PrmNub1]![f1]=”-”

L1: k=m1- k1+k2

If k >m4 Then GoTo L2

DoCmd.GoToRecord acDataForm, ”PrmNub1”, acGoTo, k Forms![PrmNub1]![f2]=”-”

L2: k=m1+k1-k2

If k >m4 Then GoTo L3

DoCmd.GoToRecord acDataForm, "PrmNub1", acGoTo, k Forms![PrmNub1]![f2]="-"

L3: Next k2

Next k1

DoCmd.Close acForm, "PrmNub1" acSaveYes

wpa2=Time(), П4="TheEnd" End Sub

The quantity PN in the interval (П2 - П5)

<Qpr> Dim m1,m2, m3 As double

wpa1=Time(), wpa2= ""

If isNull(П2) Or П2 = "" Or = " " Then

П4 = "Place the number in the <Fotm>" Else

If isNull (П5) Or П5- П2<0 Or П5="." Then

П4="Place the number>=<Form> in the <To>" Else

DoCmd.OpenForm "PrmNub1", acNormal

DoCmd.GoToRecord, "PrmNub1", acFirst

m3=(0+П5)\6, m1=0

For i=1 To m3

If Forms![PrmNub1]![F1]="+" Then m1=m1+1

If Forms![PrmNub1]![F2]="+" Then m1=m1+1

DoCmd.GoToRecord, "PrmNub1", acNext

Next i

LL: DoCmd.Close acForm, "PrmNub1", acSaveYes

wpa2=Time(), П4=m1

End If End If End Sub

Таблица 2. Распределение параметров составных и простых чисел

Id	F ₁	F ₂	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
1	+	+	41	-	-	81	+	-	121	+	-	161	+	-
2	+	+	42	-	+	82	-	+	122	+	-	162	-	+
3	+	+	43	-	+	83	+	-	123	+	-	163	-	+
4	-	+	44	-	+	84	-	+	124	-	+	164	-	+
5	+	+	45	+	+	85	-	+	125	+	-	165	+	-
6	+	-	46	+	-	86	-	-	126	+	-	166	+	-
7	+	+	47	+	+	87	+	+	127	-	+	167	-	-
8	-	+	48	-	-	88	-	-	128	+	-	168	+	-
9	-	+	49	-	+	89	-	-	129	-	+	169	-	+
10	+	+	50	-	-	90	+	-	130	-	-	170	+	+
11	+	-	51	+	-	91	+	-	131	+	-	171	-	-
12	+	+	52	+	+	92	-	-	132	-	-	172	+	+
13	+	-	53	-	+	93	-	+	133	-	+	173	+	-
14	-	+	54	-	-	94	-	+	134	-	-	174	-	-
15	-	+	55	+	-	95	+	+	135	+	+	175	+	+
16	+	-	56	+	-	96	+	-	136	-	-	176	-	-
17	+	+	57	-	-	97	-	-	137	+	+	177	+	+
18	+	+	58	+	+	98	-	+	138	+	+	178	+	-
19	-	+	59	-	+	99	-	+	139	-	-	179	-	-
20	-	-	60	-	+	100	+	+	140	-	+	180	-	-
21	+	-	61	+	-	101	+	-	141	-	-	181	+	-
22	-	+	62	+	-	102	+	-	142	+	-	182	+	+
23	+	+	63	+	-	103	+	+	143	+	+	183	-	+
24	-	-	64	-	+	104	-	-	144	-	+	184	-	+
25	+	+	65	-	+	105	+	-	145	-	-	185	-	+
26	+	-	66	+	-	106	-	-	146	+	-	186	+	-
27	+	-	67	-	+	107	+	+	147	+	+	187	+	-
28	-	+	68	+	-	108	-	+	148	-	+	188	+	-
29	-	+	69	-	-	109	-	+	149	-	-	189	-	-
30	+	+	70	+	+	110	+	+	150	-	-	190	-	-
31	-	-	71	-	-	111	-	-	151	+	-	191	-	-
32	+	+	72	+	+	112	+	-	152	-	+	192	+	+
33	+	+	73	+	-	113	-	+	153	+	-	193	-	-
34	-	-	74	-	+	114	-	+	154	-	-	194	-	+
35	+	-	75	-	+	115	+	-	155	-	+	195	+	-
36	-	-	76	+	-	116	-	-	156	+	-	196	-	-
37	+	-	77	+	+	117	-	+	157	-	+	197	-	+
38	+	+	78	-	+	118	+	-	158	-	+	198	-	+
39	-	+	79	-	-	119	-	-	159	-	+	199	-	+
40	+	+	80	-	+	120	-	+	160	-	-	200	+	-

Зная теперь распределение параметров *DCPN* простых чисел $p \geq 5$, поставим проблему нахождения простых чисел по его порядковому номеру Serial Primer Number (SPN).

Формула нахождения простых чисел по его SPN в множестве DCPN:

$$SPN(n) = \begin{cases} 6\varphi(n) + 1, & \text{если } \psi(n) = 1 \\ 6\varphi(n) - 1, & \text{если } \psi(n) = 2 \end{cases}$$

где $\varphi(n)$ указывает на номер записи id в множестве $DCPN$ соответствующий количеству "+" от 1 до n . Подсчет плюсов ведется по направлению $F_1 \rightarrow F_2 \rightarrow F_1 \dots, \psi(n)$ – индекс поля $F_{\psi(n)}$ на котором заканчивается подсчет. Если в поле F_1 то $\psi(n) = 1$, иначе $\psi(n) = 2$.

Рассмотрим пример, пусть $n = 100$, тогда просуммировав "+" от 1 до $100 \rightarrow \varphi(n) = 93$ и $\psi(n) = 2$, значит, $SPN(100) = 6 * 93 - 1 = 557$.

Количество простых чисел $\pi(x)$ в интервале $1 \div n$ в множестве $DCPN : \pi(x) = 2 + \sum_{id=1}^{n/6} S_1(id) + S_2(id)$,

где $S_1(id) = \begin{cases} 0, & \text{если } F_1 = "-" \\ 1, & \text{если } F_1 = "+" \end{cases}$ и $S_2(id) = \begin{cases} 0, & \text{если } F_2 = "-" \\ 1, & \text{если } F_2 = "+" \end{cases}$.

Пусть $n = 100$, тогда в интервале $1 \div n \setminus 6 = 16$, имеем $\pi(x) = 2 + 23 = 25$.

4. Алгоритм распределения простых чисел в множестве θ

Поскольку, множество простых чисел $p \geq 5$ являются подмножеством множества θ , то очевидно, легче процесс выделения PN произвести в множестве θ , чем по натуральному ряду чисел. Т.к. множество θ полугруппа относительно умножения, использовать это [2]. Формирование элементов θ на заданном участке $1 \div 115$ осуществляется по следующему способу при вводе натуральных чисел в поле $[N]$ файла $PrmNub1(id.[n])$ для чисел, которые кратные к числам 2 или 3 вводится символ (" " – пусто), id – идентификационный номер записи, который автоматически формируется для каждой записи самой системой (см. листинг θN). Алгоритм нахождения распределения простых чисел $RasPrm$ довольно прост, в начале удаляются из файла $PrmNub1$ элементы, которые делятся на числа вида $6i - 1$, затем $6i + 1$, где $i = 1, 2, 3, \dots$ Умножение

начинается с элемента самого на себя в целях избегания повторных произведений, затем поэлементно умножается на элементы файла, которые находятся ниже и процесс продолжается до тех пор пока произведения $\leq П5$ (см. *рис.1* или алгоритм *RasPrm*). Алгоритм заканчивается, когда квадрат элемента $> П5$. Если произведение $> П5$, то переход к следующему ($i = i + 1$) элементу и снова как сказано выше. Аналогичная процедура удаления для чисел вида $6i + 1$. Метод с виду похож на решение Эратосфена, но это не значит, что они одинаковы, поскольку, во-первых, действуют на разных объектах и, во-вторых, здесь получаем результат за минимальное число операций.

Например, пусть $N = 1 \div 133$ тогда $\theta = \{ 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 25, 29, 31, 35, 37, 41, 47, 49, 53, 55, 59, 61, 65, 67, 71, 73, 77, 79, 83, 85, 89, 91, 95, 97, 101, 103, 107, 109, 113, 115, 119, 121, 125, 127, 131 \}$.

Листинг 2

Private Sub **ON** Click()

Dim i, c1, n1 As Double

DoCmd.OpenForm "prmnub1", acNormal

wpa1 = Time(), wpa2 = "", n1 = 1, c1 = 0 + П5

DoCmd.GoToRecord acDataForm, "PrmNub1" acGoTo, n1

For i = 1 To c1

Forms![PrmNub1]![N] = n1

If (OST(n1, 2, ss) = 0 or OST(n1, 3, ss) = 0) Then Forms![PrmNub1]![N] = ""

DoCmd.GoToRecord acDataForm, "PrmNub1" acNext

n1 = n1 + 1

Next i

LL: wpa2 = Time(), П4 = "The End",

DoCmd.Close acForm, "PrmNub1" acSaveYes End Sub //OST(str1, str2, ss)

возвращает число str1 по mod(str2), если значение функции равно нулю, то значит str1 нацело делится на str2.

Private Sub **RasPrm** Click()

Dim k, i, j, p, q, m, m1, m2 As Double

```

wpa1 = Time(), wpa2 = ""
if isNull(П2) Or П2 = "" Or = " " Then
П4="Enter the number is the boot <From>"
Else DoCmd.OpenForm "PrmNub1", acNormal
m=(0+ П5)
For i=1 To m\6
m1= 6*i-1.
If m1*m1>m Then GoTo L1
For j=i To m\6
m2=6*j-1, k=m1*m2
if k>m Then GoTo L0
DoCmd.GoToRecord acDataForm,"PrmNub1" acGoTo, k Forms![PrmNub1]![N]="",
m2=6*j+1, k=m1*m2
If k>m Then GoTo L0
DoCmd.GoToRecord acDataForm,"PrmNub1" acGoTo, k Forms![PrmNub1]![N]="""
Next j
L0:Next i
L1: For p=1 To m\6
m1=6*p+1
If m1*m1>m Then GoTo L3
For q=p To m\6
m2=6*q+1, k=m1*m2
If k>m Then GoTo L2
DoCmd.GoToRecord acDataForm,"PrmNub1", acGoTo, k Forms![PrmNub1]![N]="",
m2=6*(q+1)-1, k=m1*m2
If k>m Then GoTo L2
DoCmd.GoToRecord acDataForm,"PrmNub1", acGoTo, k Forms![PrmNub1]![N]="""
Next q
L2: Next p
L3: End if
DoCmd.Close acForm, "PrmNub1" acSaveYes
wpa2 = Time(),П4="The End" End Sub

```

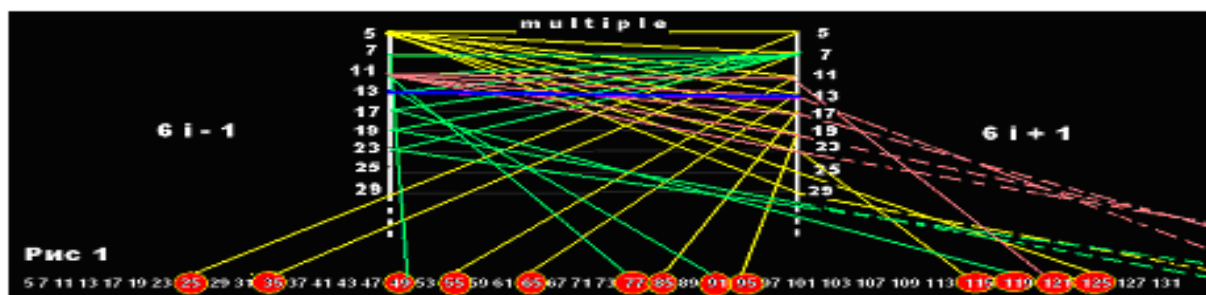


Рисунок 1. Окно программы, реализующей алгоритм *RasPrm*.

Рассмотрим случай удаления составных чисел в которых присутствуют множители чисел вида $6i - 1$ и при $i = 1, \theta_1 = 5$ умножается на самого себя $5 * 5 = 25$ и результат удаляется по прямому доступу из поля $[N]$ в файле *PrmNub1* (id,[N]), далее: $5 * 7 = 35; 5 * 11 = 55; 5 * 13 = 65; 5 * 17 = 85; 5 * 19 = 95; 5 * 25 = 125$ удаляются, $5 * 29 = 145$ превышает $N = 131$, значит переход к следующему элементу $i = i + 1$, то есть $6 * 2 - 1 = 11$, точно также удаляются и числа $11 * 11 = 121, 11 * 13 = 143$ превышает $N = 131 \rightarrow i = 2 + 1$, то есть $6 * 3 - 1 = 17, 17 * 17 = 289$, превышает $N = 131$, тогда прекращается процесс удаления для чисел вида $6i - 1$ и начинается алгоритм удаления для чисел вида $6i + 1$. При $i = 1$, число $\theta = 7$, удаляются результаты произведений по прямому доступу $7 * 7 = 49, 7 * 11 = 77, 7 * 13 = 91, 7 * 17 = 119, 7 * 19 = 133$, превышает $N = 131$, переход к следующему элементу $i = i + 1$, т.е. $6 * 2 + 1 = 13$, но $13 * 13 > 133$ прекращается процесс удаления и для чисел $6i + 1$, конец программы.

5. Алгоритм распределения чисел близнецов

Из определения следует, что $(p_1, p_2) \in P$ и $p_1 - p_2 = 2$, а т.к. простые числа есть подмножество множества θ и имеют вид $6k \pm 1$ и т.к. $P = PN^+ \cup PN^-$, то очевидно, что эти числа будут близнецами тогда и только тогда, когда при одном и том же значении параметра k если будет $p_1 \in PN^+$ и $p_2 \in PN^-$.

Значит в множестве θ должно быть одновременно задействованы все функции (5) в интервале $1 \div П5$ [3].

Рассмотрим разности значений между функциями (5) при $y \geq x$

$$\begin{aligned} r_1 &= f_{22}(x, y) - f_{11}(x, y) = 2x, \\ r_2 &= f_{21}(x, y) - f_{22}(x, y) = 2(y - x), \\ r_3 &= f_{12}(x, y) - f_{21}(x, y) = 2x \end{aligned} \quad (6)$$

Очевидно из (6), что r_1, r_2 и r_3 всегда неотрицательные, т.к. $x, y \in N$, значит существуют натуральные числа, которые **не являются** решениями Диофантовых уравнений (4), т.е. являются параметрами простых чисел. Рассмотрим, также разности между предыдущими и последующими значениями функций (5). Пусть

$$\begin{aligned} m_1 &= f_{11}(x, y + 1) - f_{11}(x, y) = 6x - 1, \\ m_2 &= f_{12}(x, y + 1) - f_{12}(x, y) = 6x + 1, \\ m_3 &= f_{21}(x, y + 1) - f_{21}(x, y) = 6x + 1, \\ m_4 &= f_{22}(x, y + 1) - f_{22}(x, y) = 6x - 1, \end{aligned}$$

значения функций растут строка за строкой, т.к. $m_1 \geq 0, m_2 \geq 0, m_3 \geq 0, m_4 \geq 0$.

6. Схема выполнения алгоритма распределения чисел близнецов.

Описание программы N.

Вводятся в поле $[N]$ файла $PrmNub1(id.[N].[prm1].[prm2])$ натуральные числа от 1 до $n/6$, которые являются параметрами чисел CN, PN и параллельно стираются поля $[prm1]$ и $[prm2]$ для чисел близнецов.

Далее с поля $[N]$ убираются числа в соответствии со значениями функций (5) как параметры составных чисел CN и только не пустые значения поля $[N]$ в данном интервале свидетельствуют о наличии параметров k для чисел близнецов $6k \pm 1$. Поскольку, числа близнецы порождаются при одном и том же параметре $k \in N$ и как параметры простых чисел при вычеркивании значений функций (5) остаются

незатронутыми, например $k = 10 \rightarrow 6k + 1 = 61 \in PN^+$ и $6k - 1 = 59 \in PN^- \rightarrow k$ не убирается, потому что оба числа простые, а вот при $k = 11$, имеем $6k + 1 = 67$ и $6k - 1 = 65$, хотя $67 \in PN^+$, но $65 \notin PN^-$ тогда $k = 11$ зачёркивается как параметр CN и множество всех не пустых параметров k лежащих в заданном участке обозначим через $Ch = N \setminus FN$ (листинг Tw's)

7. Описание программы, реализующей алгоритм Tw's

Определяется максимальный диапазон изменений переменных i и j в зависимости от интервала $1 \div P5 \setminus 3$ далее при фиксированном i и при $j = i$ начинается вычисление всех значений функций (5), если значения функций $\leq P5$, то по прямому доступу к этой записи в поле $[N]$ зачёркивается то число, которое было введено программой N Пробежав по всем j до $P5 \setminus 3$ затем нарастает значение $i = i + 1$ итак процесс зачёркивания чисел, которые не являются параметрами чисел близнецов в поле $[N]$ продолжается до тех пор пока не будет $i \leq P5 \setminus 3$.

8. Описание программы Distribution of Tw's

И, наконец, получение чисел близнецов. Прочитывая записи файла $PrmNub1 (id, [N], [prm1], [prm2])$ поочередно, если в поле $[N]$ не пусто, тогда значения полей $[prm1] = 6 * [N] - 1$ и $[prm2] = 6 * [N] + 1$ будут числами близнецами (см. ниже).

Листинг 3

<N>

```

DIM i, j, k, m, As Integer
ora1=Time(), ora2=""
POL=1
if isNull(D1) Or D1="" Then D1=1
if isNull(D2) Or D2="" Then D2=1
DoCmd.OpenForm 'prmnub1', acNormal
If isNull (Forms![prmnub1]![id]) Then GoTo LL
k=D1\6, j=D2\6
If k<1 Then k=1
    
```

DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acGoTo, k
i=k

GoTo L1

L2: DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acNext

L1: if isNull(Forms![prmnum1]![id]) or i>j Then GoTo LL

Forms! [prmnum1]![N]=i

Forms! [prmnum1]![prm1]=""

Forms! [prmnum1]![prm2]=""

i=i+1

GoTo L2

LL: DoCmd.Close acForm, "prmnum1", acSaveYes

ora2=Time() End Sub

<Tw's> Definition of basde numbers for twin numbers produced with the program

Dim k,i,j,m1,m2,m3,m4,D3 As Double

wpa1= Time(), wpa2= ""

If isNull (П2) or П2=0 Then

П4 = "Enter the number in the box <FROM>"

Else

If isNull (П5) Or П5- П2<0 Then

П4="Insert of the number in the <To> more important then <From>"

Else

DoCmd.OpenForm 'prmnum1', acNormal

m4= (0+ П5), m3= m4 \3

For i=1 To m3

For j=i To m3

*m1=6 * i * j*

k=m1 + i + j

If k>m4 Then GoTo L1

DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acGoTo, k

Forms! [prmnum1]![N]=Null

L1: k=m1 - i - j

If k>m Then GoTo L2

DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acGoTo, k

```

Forms! [prmnum1]![N]=Null
L2: k=m1- i + j
If k>m4 Then GoTo L3
DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acGoTo, k
Forms! [prmnum1]![N]=Null
L3: k=m1 + i - j
If k>m4 Then GoTo L4
DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acGoTo, k
Forms! [prmnum1]![N]=Null
L4: Next j
LL: Next i
End If
End If
DoCmd.Close acForm, "prmnum1", acSaveYes
wpa2= Time(), П4="The End" End Sub
    
```

<DITRIBUTION OF TW'S>

```

Dim a, D3, n1, m As Double
Dim m1, m2 As String
wpa1= Time(), wpa2= "", BP=0, POL=3. a= П2\6
if a<6 Then a=1
D3= П\6, n1=0
DoCmd.OpenForm 'prmnum1', acNormal
If isNull(Forms! [prmnum1]![id]) Then GoTo LL
DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acGoTo, a
m1: If isNull(Forms! [prmnum1]![N]) Then GoTo m2
If Forms! [prmnum1]![N]=" " Then GoTo m2
m= Forms! [prmnum1]![N]
Forms! [prmnum1]![prm1]=6*m-1
Forms! [prmnum1]![prm2]=6*m-1 BP=BP+1
m2: DoCmd.GoToRecord acDataForm, "prmnum1", acNext
If Forms! [prmnum1]![id]>D3 Then GoTo LL
GoTo m1
LL: wpa2= Time(), П4="The End"
    
```

DoCmd.Close acForm, "prmnubl", acSaveYes End Sub

Например, пусть $n = 100$, тогда параметры чисел близнецов будут находится в интервале $1 \div n \setminus 6 = 16$, для наглядности воспользуемся Таб1, имеем: $FN = \{ 4,6,8,9,11,13,14,15,16 \} \rightarrow Ch = N \setminus FN = \{ 1,2,3,4,7,10,12 \}$,

Значит числа близнецы будут $Tw = \{ 6k \pm 1 / k \in Ch \}$,
 $(p_1 = 6 \circ 1 - 1 = 5, p_2 = 6 \circ 1 + 1 = 7), (p_1 = 6 \circ 2 - 1 = 11, p_2 = 6 \circ 2 + 1 = 13),$
 $(p_1 = 6 \circ 3 - 1 = 17, p_2 = 6 \circ 3 + 1 = 19), (p_1 = 6 \circ 5 - 1 = 29, p_2 = 6 \circ 5 + 1 = 31),$
 $(p_1 = 6 \circ 7 - 1 = 41, p_2 = 6 \circ 7 + 1 = 43), (p_1 = 6 \circ 10 - 1 = 59, p_2 = 6 \circ 10 + 1 = 61),$
 $(p_1 = 6 \circ 12 - 1 = 71, p_2 = 6 \circ 12 + 1 = 73).$

Отметим, что параметр чисел близнецов k принадлежит множеству Ch . Докажем их бесконечность.

Теорема. Множество чисел близнецов бесконечно.

Доказательство теоремы проведем методом математической индукции. Построим базу индукции из последовательностей Ch_i по числам лежащих на множестве $N \setminus FN$ (табл. 1) по следующей схеме, пусть число N есть максимальное значение функции $f_{12}(x, y)$ в строках $(x_m \cdot y_n)$.

1) $(1;1), N \leq 8$ тогда $f_{11}(x, y) = \{4\}, f_{12}(x, y) = \{8\}, f_{21}(x, y) = \{6\}, f_{22}(x, y) = \{6\}$,
 $FN_1 = \{4,6,8\}$. Тогда последовательность $Ch_1 = N \setminus FN_1 = \{1,2,3,5,7\}$.

Пусть $FN_0 = \{4\} \rightarrow Ch_0 = N / FN_0 = \{1,2,3\} \rightarrow A_1 = Ch_1 / Ch_0 = \{5,7\}$.

2) $(1;2), N \leq 15$ тогда $f_{11}(x, y) = \{4,9,15\}, f_{12}(x, y) = \{8,15\}, f_{21}(x, y) = \{6,13\}$,
 $f_{22}(x, y) = \{6,11\}, FN_2 = \{4,6,8,9,11,13,14,15\}$, тогда

$Ch_2 = N \setminus FN_2 = \{1,2,3,5,7,10,12\}$. $A_2 = Ch_2 / Ch_1 = \{10,12\}$.

3) $(1;3), N \leq 2$ $f_{11}(x, y) = \{4,9,14\}, f_{12}(x, y) = \{8,15,22\}, f_{21}(x, y) = \{6,13,20\}$,
 $f_{22}(x, y) = \{6,11,16,21\}, FN_3 = \{4,6,8,9,11,13,14,15,16,19,20,21\}$, тогда

$Ch_3 = N \setminus FN_3 = \{1,2,3,5,7,10,12,17,18\}$. $A_2 = Ch_3 / Ch_2 = \{17,18\}$.

4) $(1;4), N \leq 29$ $f_{11}(x, y) = \{4,9,14,19\}, f_{12}(x, y) = \{8,15,22,28,29\}$,

$f_{21}(x, y) = \{6,13,20,24,27\}, f_{22}(x, y) = \{6,11,16,21,26\}$,

$FN_4 = \{4,6,8,9,11,13,14,15,16,19,20,21,22,24,26,27,28,29\}$,

$f_{22}(x, y) = \{6, 11, 16, 21, 26\}$, $FN_4 = \{4, 6, 8, 9, 11, 13, 14, 15, 16, 19, 20, 21, 22, 24, 26, 27, 28, 29\}$,
тогда $Ch_4 = N \setminus FN_4 = \{1, 2, 3, 5, 7, 10, 12, 17, 18, 23, 25\}$ $A_4 = Ch_4 / Ch_3 = \{23, 25\}$

5) $(1; 5)$, $N \leq 36$ $f_{11}(x, y) = \{4, 9, 14, 19, 20, 24, 29, 31, 34\}$,

$f_{12}(x, y) = \{8, 15, 22, 28, 29, 36\}$, $f_{21}(x, y) = \{6, 13, 20, 24, 27, 34\}$,

$f_{22}(x, y) = \{6, 11, 16, 21, 26, 31, 35, 36\}$,

$FN_5 = \{4, 6, 8, 9, 11, 13, 14, 15, 16, 19, 20, 21, 22, 24, 26, 27, 28, 29, 31, 34, 35, 36\}$,

тогда $Ch_5 = N \setminus FN_5 = \{1, 2, 3, 5, 7, 10, 12, 17, 18, 23, 25, 30, 32, 33\}$

$A_5 = Ch_5 / Ch_4 = \{30, 32, 33\}$...

Так как частные производные 1-го порядка функций (5):

$\partial f_{11}(x, y) / \partial x = 6y - 1$, $\partial f_{11}(x, y) / \partial y = 6x - 1$, $\partial f_{12}(x, y) / \partial x = 6y + 1$;

$\partial f_{12}(x, y) / \partial y = 6x + 1$, $\partial f_{21}(x, y) / \partial x = 6y - 1$, $\partial f_{21}(x, y) / \partial y = 6x + 1$;

$\partial f_{22}(x, y) / \partial x = 6y - 1$, $\partial f_{22}(x, y) / \partial y = 6x - 1$ при $x \in N$ имеют

положительные значения, то функции являются возрастающими по обоим направлениям переменных x и y , тогда значения функций (5) должны быть различными, но т.к. функции (5) от двух переменных, могут быть и значения функций равными, хотя это и не влияет, ибо отсеются при объединениях последовательностей FN_m и займут одно свое место не влияя на структуру и на тенденцию роста элементов множества $Ch_m = N \setminus FN_m$, т.е. элементы множества Ch останутся все различными. Пусть процедура получения последовательностей Ch_i верна для A_n .

Допустим, что $A_{n+1} = Ch_{n+1} \setminus Ch_n = \emptyset$, тогда в силу того, что элементы Ch_i синтезируются из чисел находящихся между значениями функций (5) получаем, что функции (5) должны быть ограниченными и не возрастающими. Но это противоречит уже ранее доказанному, что функции (5) бесконечные и возрастающие. Из этого противоречия следует, что $A_{n+1} \neq \emptyset$, т.е. существует и последовательность Ch_{n+1} .

Таким образом, построено счетное множество последовательностей Ch_i , а как известно, любое счетное множество с различными элементами является бесконечным множеством, поэтому последовательность параметров k чисел близнецов - бесконечны, а значит и бесконечны и сами числа близнецы $Tw = \{ 6k \pm 1 / k \in Ch \}$ ч.т.д.

Параметры чисел близнецов от 1 до 6100: $Ch = \{ 1, 2, 3, 5, 7, 10, 12, 17, 18, 23, 25, 30, 32, 33, 38, 40, 45, 47, 52, 58, 70, 72, 77, 87, 95, 100, 103, 107, 110, 135, 137, 138, 143, 147, 170, 172, 175, 177, 182, 192, 205, 213, 215, 217, 220, 238, 242, 247, 248, 268, 270, 278, 283, 287, 298, 312, 313, 322, 325, 333, 338, 347, 348, 352, 355, 357, 373, 378, 385, 390, 397, 425, 432, 443, 448, 452, 455, 465, 467, 495, 500, 520, 528, 542, 543, 550, 555, 560, 562, 565, 577, 578, 588, 590, 593, 597, 612, 628, 637, 642, 653, 655, 667, 670, 675, 682, 688, 693, 703, 705, 707, 710, 712, 723, 737, 747, 753, 758, 773, 775, 787, 798, 800, 822, 828, 835, 837, 850, 872, 880, 903, 907, 913, 917, 920, 940, 942, 943, 957, 975, 978, 980, 1015 \}$.

Заключение

В работе проведено комплексное исследование проблемы распределения простых чисел и чисел-близнецов, включающее теоретическое исследование, его программное обеспечение и численный анализ. Предложен новый алгоритм нахождения распределения простых чисел, получен закон распределения параметров составных и простых чисел, представлены описание и алгоритм нахождения чисел-близнецов. Дано доказательства бесконечности чисел-близнецов.

Литература

1. Чермидов С.И. О факторизации натуральных чисел// Диалоги о Науке №2. 2011. 68 с.
2. Tsermidis S. I. Метод определения, алгоритм распределения и точное количество простых чисел в интервале 1-N // Научная перспектива № 4 2011. 45 с.
3. Sergios I. T. Распределение составных и простых чисел. Алгоритм чисел близнецов и их бесконечность // Publications international scientific conference , 24 - 29 March 2014 , Tsaghkadzor. 128 p.

References

1. Chermidov S.I. O faktorizacii natural'nyh chisel// Dialogi o Nauke №2. 2011. 68 s.
2. Tsermidis S. I. Metod opredelenija, algoritm raspredelenija i tochnoe kolichestvo prostyh chisel v intervale 1-N // Nauchnaja perspektiva № 4 2011. 45 s.
3. Sergios I. T. Raspredelenie sostavnyh i prostyh chisel. Algoritm chisel bliznecov i ih beskonechnost' // Publications international scientific conference , 24 - 29 March 2014 , Tsaghkadzor. 128 p.